

Mathematik - Klasse 8 - Daten, Zufall & Modellieren - leicht

Thema: Zweimal ziehen – mit Zurücklegen | Arbeitszeit: ca. 45 Minuten | Kompetenzen: Ergebnisräume darstellen und mehrstufige Wahrscheinlichkeiten berechnen

Ausgangssituation / Daten

In einem Beutel liegen 3 blaue und 2 gelbe gleichartige Kugeln. Eine Kugel wird gezogen, ihre Farbe notiert und die Kugel zurückgelegt. Danach wird ein zweites Mal gezogen.

Aufgaben

1. Gib $P(\text{blau})$ und $P(\text{gelb})$ bei einem Zug an.

2. Zeichne ein Baumdiagramm für beide Ziehungen und trage alle Pfadwahrscheinlichkeiten ein.

3. Berechne $P(\text{blau, dann gelb})$ und $P(\text{zweimal blau})$.

4. Berechne die Wahrscheinlichkeit, genau einmal blau zu ziehen.

5. Lina behauptet: „Nach einer blauen Kugel ist Gelb wahrscheinlicher, weil Blau schon gezogen wurde.“ Erkläre den Fehler.

Vollständige Lösungen

Mathematik - Klasse 8 - Zweimal ziehen - mit Zurücklegen

1. $P(\text{blau}) = \frac{3}{5} = 60\%$; $P(\text{gelb}) = \frac{2}{5} = 40\%$.
2. In beiden Stufen gehen die Äste mit $\frac{3}{5}$ zu Blau und $\frac{2}{5}$ zu Gelb. Ergebnisse: BB, BG, GB, GG.
3. $P(\text{BG}) = \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{5} = \frac{6}{25} = 24\%$. $P(\text{BB}) = \frac{3}{5} \cdot \frac{3}{5} = \frac{9}{25} = 36\%$.
4. Genau einmal blau: BG oder GB. $\frac{6}{25} + \frac{6}{25} = \frac{12}{25} = 48\%$.
5. Durch das Zurücklegen ist vor dem zweiten Zug wieder dieselbe Zusammensetzung vorhanden. Die beiden Ziehungen sind unabhängig.

Kontrolle: $\frac{9}{25} + \frac{6}{25} + \frac{6}{25} + \frac{4}{25} = \frac{25}{25} = 1$.



Lösung online

QR-Code scannen:

<https://uebungsblaetter.sekundarschule-ausleben.de/loesungen/mathematik/mathematik-k8-061-leicht-v3.html>